| COGNOME | NOME | MATRICOLA | |
|---------------------|------------|--------------------|--|
| | | | |
| Corso di laurea A-D | DUEA | | |
| Corso di laurea E-O | DUAP – DUC | DUAP – DUCE – DUSI | |
| Corso di laurea P-Z | DUET | | |

Attenzione: lo studente deve fornire i diversi passaggi dei calcoli eseguiti e i commenti richiesti. Il presente foglio deve essere compilato e riconsegnato. E' vietato l'uso di calcolatrici programmabili o con funzione di agenda elettronica

- 1) Un compratore esamina 50 penne a sfera estraendole con riposizione da un lotto. Egli riscontra che 10 di esse sono difettose. Si indichi con p la prorzione di penne difettose nel lotto.
- a) Si stimi puntualmente *p*.
- b) Si determini l'intervallo di confidenza per *p* al 99%.
- c) Si calcoli la numerosità campionaria necessaria affinché lo stimatore di *p* non si discosti (in valore assoluto) dal vero valore per più del 2%, con probabilità del 99%. Si esegua il calcolo sia tenendo conto della stima al punto a), sia non tenendone conto.
- 2) Utilizzando i dati della seguente tabella, relativi al numero di imprese iscritte nel Registro Ditte a fine anno in tre comuni lombardi,

| | 1990 | 1995 | 2000 |
|----------|-------|-------|-------|
| LIMBIATE | 1.659 | 1.680 | 1.711 |
| LISCATE | 273 | 280 | 340 |
| LISSONE | 3.162 | 3.200 | 3.260 |

- a) si determinino le serie dei numeri indici a base fissa (1990 =100) e a base mobile, nei tre comuni;
- b) si determinino i tassi di variazione medi nei tre comuni, si confrontino e si commentino.

CONTINUA SUL RETRO

3) Basandosi sui seguenti dati, relativi al risparmio annuo (in migliaia di lire) di tre gruppi di individui,

| Gruppo | Numerosità del gruppo | Media | Varianza |
|--------|-----------------------|-------|----------|
| 1 | 1000 | 2300 | 400 |
| 2 | 5000 | 3600 | 900 |
| 3 | 8000 | 4400 | 1600 |

- a) si calcoli la media totale del risparmio annuo;
- b) si calcoli la varianza totale del risparmio annuo;
- c) si misuri, con un opportuno indice, il grado di dipendenza in media tra il risparmio annuo e il gruppo d'appartenenza. Si commenti il valore ottenuto.
- 4) Da una scatola contenente 10 mixer di cui 3 sono difettosi, se ne estraggono 4 senza riposizione.
- a) Si calcoli la probabilità che nessun mixer estratto risulti difettoso.
- b) Si calcoli la probabilità che al più due mixer risultino difettosi.
- c) Si calcolino il valore atteso e la varianza del numero di mixer difettosi nel campione.

5) Relativamente ad una popolazione di 5 persone si conoscono i seguenti dati:

| Persona | Spesa per cure mediche (y_i) | Età (x_i) |
|---------|--------------------------------|-------------|
| 1 | 100 | 40 |
| 2 | 500 | 70 |
| 3 | 300 | 50 |
| 4 | 580 | 65 |
| 5 | 620 | 75 |
| Totale | 2100 | 300 |

- a) Si determinino i parametri della retta a minimi quadrati che spiega l'ammontare delle cure mediche in funzione dell'età e si spieghi il significato dei parametri ;
- b) si calcoli il coefficiente di correlazione lineare fra spese per cure mediche ed età e si commenti;
- c) si misuri la bontà di adattamento della retta interpolante.