

COGNOME:

NOME:

MATRICOLA:

Firma:

Università degli Studi di Milano / Bicocca – Facoltà di Economia
MATEMATICA GENERALE Modulo B Ecocomm A-D (Prof.ssa G.Carcano)
Seconda prova parziale - 7 giugno 2004

Tempo a disposizione: 1 ora e 30 minuti

Per le domande numero 1-2-3-4-5-6-7:

una ed una sola delle quattro risposte è esatta; indicarla barrandola con una croce.

Ogni risposta esatta vale 3 punti; ogni risposta sbagliata o mancante vale 0 punti.

Per la domanda numero 8:

riportare lo svolgimento nello spazio bianco predisposto; il punteggio è indicato.

Totale punti disponibili (in trentesimi): **21 + 12 = 33**.

Attenzione: è ammessa una sola correzione, per le domande 1-2-3-4-5-6-7; per correggere una risposta ritenuta errata, scrivere NO sopra la risposta ritenuta errata e scrivere SI sopra la risposta ritenuta giusta.

1. L'integrale improprio $\int_0^{+\infty} \frac{3x}{1-2e^{4x}} dx$ *a* converge ad un numero positivo *b* converge ad un numero negativo *c* diverge a $+\infty$ *d* diverge a $-\infty$
2. Siano **A** e **B** matrici di ordine n ; quale, delle seguenti affermazioni, è **falsa**?
 a se **A** è invertibile, allora anche \mathbf{A}^T è invertibile e vale $(\mathbf{A}^T)^{-1} = (\mathbf{A}^{-1})^T$
 b se **A** è invertibile, allora anche $k\mathbf{A}$ ($k \neq 0$) è invertibile e vale $(k\mathbf{A})^{-1} = \frac{1}{k}\mathbf{A}^{-1}$
 c se **A** e **B** sono invertibili, allora anche $\mathbf{A} + \mathbf{B}$ è invertibile
 d se **A** e **B** sono invertibili, allora anche \mathbf{AB} è invertibile
3. Sia $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 2 \\ -1 & 9 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$; allora l'elemento di posto (1,2) della matrice \mathbf{A}^{-1} *a* è uguale a $-\frac{1}{8}$
 b è uguale a $\frac{1}{8}$ *c* non esiste, perché **A** non è invertibile *d* nessuna delle altre tre risposte è giusta
4. Siano: **A** matrice di ordine n e $\mathbf{b} \in \mathbb{R}^n$; allora il sistema lineare $\mathbf{Ax} = \mathbf{b}$
 a ha soluzione se e solo se $\mathbf{b} \neq \mathbf{0}$
 b ha soluzione, o no, a seconda di **A** e **b**
 c ha soluzione se e solo se $\mathbf{b} = \mathbf{0}$
 d ha sempre soluzione

5. L'area della regione di piano delimitata dall'asse x , il grafico della funzione $f(x) = \ln x$ e le rette $x = \frac{1}{2}$ e $x = 3$

a è uguale a $-\frac{5}{2} + 3 \ln 3 + \frac{1}{2} \ln 2$

b è uguale a $-\frac{3}{2} - \frac{1}{2} \ln 2 + 3 \ln 3$

c è uguale a 0

d nessuna delle altre tre risposte è giusta

6. Quale, delle seguenti affermazioni, è **corretta**?

a se \mathbf{A} ha un minore non nullo di ordine k , allora $r(\mathbf{A}) = k$

b se \mathbf{A} ha un minore non nullo di ordine k , allora $r(\mathbf{A}) \geq k$

c una matrice di tipo 5×4 può avere rango 5

d il rango di una matrice \mathbf{A} di ordine n è $n - 1$ se e solo se \mathbf{A} è singolare

7. $\int_{-\infty}^0 x e^x dx =$ a $-\infty$ b -1 c 1 d nessuna delle altre tre risposte è giusta

8. (i) Per ognuno dei seguenti concetti, si ricordi la definizione (si specifichi quale ipotesi è richiesta, sulla matrice \mathbf{A}) **(6 punti)**:
- *minore complementare* dell'elemento a_{ij} di \mathbf{A}

- *complemento algebrico* dell'elemento a_{ij} di \mathbf{A}

- *determinante* di \mathbf{A} (definizione ricorsiva, tramite il *Primo teorema di Laplace*)

(ii) Si determini l'integrale indefinito della funzione $f(x) = \frac{5x}{x^2 + x - 2}$ (**4 punti**); si determini la primitiva F di f , tale che $F(0) = \frac{10}{3} \ln 2$, specificandone l'intervallo di definizione (**2 punti**).