

MATEMATICA GENERALE

II prova parziale

Prof. Annaratone

13 Gennaio 2004

- A)** i) Dare la definizione di derivabilità di una funzione $f : A \rightarrow \mathfrak{R}$ in un punto x_0 interno a A .
ii) Enunciare il teorema di Lagrange per una funzione $f : [-5, +\infty) \rightarrow \mathfrak{R}$.
iii) Data la funzione $f : \mathfrak{R} \rightarrow \mathfrak{R}$

$$f(x) = \begin{cases} 2h \ln x + 2k\sqrt{x} & x > 1 \\ h(x-1) + 3kx^2 + 1 & x \leq 1 \end{cases}$$

- a) stabilire per quali valori reali di h e k la funzione f soddisfa le ipotesi del teorema di Lagrange nell'intervallo $[-3, 3]$.
b) posto $k = -1$ e $h = -5$ calcolare il polinomio di Taylor del secondo ordine della funzione f in $x = -2$.
- B)** i) Dimostrare che, data una funzione $f : I \rightarrow \mathfrak{R}$, derivabile nell'intervallo I , condizione sufficiente affinché sia strettamente monotona crescente in I è che $f'(x) > 0$ per ogni $x \in I$.
ii) Enunciare una condizione necessaria e una condizione sufficiente per l'esistenza di massimi e minimi relativi.
iii) Data la funzione

$$f(x) = (4x - x^2 - 1) \cdot e^{-x}$$

calcolare i massimi e minimi relativi e assoluti della funzione f nel suo campo di esistenza.